

- A 4π B $4\pi + 1$ C $2\pi + 1$ D 2π

7. 2021. 已知函数 $f(x) = x^5 - 3x^2 + \ln \frac{1-x}{1+x} - 2\sin x$ ， $a = -f(-\theta)$ ， $b = f(\sin \theta)$ ， $c = f(\tan \theta)$ ，

$\left(0 < \theta < \frac{\pi}{4}\right)$ 则 a, b, c 的大小关系为

- A $a > b > c$ B $a > c > b$
C $b > c > a$ D $b > a > c$

8. 2021. 在 $\triangle ABC$ 中， a, b, c 分别为 $\angle A, \angle B, \angle C$ 所对的边，若 $b \sin A \sin C = \sqrt{3} \sin B$ ，

$2c \sin B = (2a - c) \tan C$ ，则 $\frac{ac}{b^2}$ 的值为

- A 2 B 4
C 5 D 6

9. 2021. 在 $\triangle ABC$ 中， a, b, c 分别为 $\angle A, \angle B, \angle C$ 所对的边，若 $\triangle ABC$ 的面积为 S ，

$b \sin B + 2c \sin C = 4a \sin A$ ，则 $\frac{S}{a^2}$ 的值为

- A $\frac{\sqrt{10}}{6}$ B $\frac{\sqrt{10}}{3}$ C $\frac{2\sqrt{10}}{3}$ D $\sqrt{10}$

10. 2021. 已知函数 $f(x) = e^x (\sin x - \cos x)$ ($x \in [-2019\pi, 2020\pi]$)，则 $f(x)$ 在 $\left(\frac{\pi+1}{2}, 0\right)$ 上的最大值为

则 $f(x)$ 在 $\left(\frac{\pi+1}{2}, 0\right)$ 上的最大值为

- A 2019π B 2020π C $\frac{2019}{2}\pi$ D 1010π

11. 2021. 已知函数 $f(x) = \sin x + \cos x$ ，则 $f(x)$ 在 $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$ 上的最大值为

23 2021. . $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ $A(-a, 0)$ $B(a, 0)$ $C(\sqrt{a^2 + b^2}, b)$.

.

A $y = \pm 3x$

B $y = \pm \sqrt{3}x$

C $y = \pm \frac{1}{3}x$

D $y = \pm \frac{\sqrt{3}}{3}x$

24 2021. . $f(x) = \cos^2 x \sin 2x$.

A $f(x)$.

B $f(x)$ $\left[\frac{\pi}{12}, \frac{\pi}{3}\right]$.

C $f(x)$ $\left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$ 2 .

D $f(x)$ $[0, \pi]$ $\frac{3\sqrt{3}}{8}$.

.

25 2021. . $f(x) = xa^x - 1$ $g(x) = \frac{1}{x} \cdot \log_a x$ m, n $a > 1$.

.

A $m=1, n=\frac{1}{2}$

B $m=\frac{1}{2}, n=2$

C $m=\frac{1}{3}, n=2$

D $m=\frac{1}{4}, n=4$

26 2021. . $f(x) = a \sin x - \sqrt{3} \cos x$ $x = \frac{5\pi}{6}$ $f(x)$ (x_1, x_2) .

$f(x_1) = -f(x_2)$.

A $a \geq 1$

B $(x_1, f(x_1)), (x_2, f(x_2))$ $f(x)$.

C $\frac{x_2 - x_1}{\sqrt{7}}$

D $|x_1 + x_2| \leq \frac{2\tau}{3}$

27 2021. $f(x)$ $f'(x)$ $f(x) + (x^2 + x)f'(x) < 0$

A $3f(3) < 2$ (1) B $4f(2) < 5$ (5)

C $3f(1) > 5$ (5) D $2f(3) > 3$ (7)

28 2021. P $l: x + y = 4$ P $O: x^2 + y^2 = 2$ A B

OA OB

A $|AB|/|l| = \sqrt{6}$ B $PA \cdot PB = 4\sqrt{2} - 6$

C $AB \parallel \left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$ D O AB $\frac{\sqrt{2}}{2}$

29 2021. F C $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{2} = 1$ $l: y = kx (k \neq 0)$ C A B $AE \perp x$

E BE C P

A $\frac{1}{|AF|} + \frac{4}{|BF|} \geq 2$ B $\triangle ABE$ $\sqrt{2}$

C $BE = \frac{1}{2}k$ D $\angle PAB$

30 2021. $\ln x_1 - x_1 - x_1 + 2 = 0$ $x_2 + 2y_2 - 2\ln 2 - 6 = 0$ $M = (x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2$

A $M \geq \frac{16}{5}$ B $M \geq x_2 = \frac{14}{5}$

C $M \geq \frac{4}{5}$ D $M \geq x_2 = \frac{12}{5}$

31 2021. 600 600 6 100

$f(x)$ $\frac{f(b) - f(a)}{b - a} = f'(c)$ $f'(c)$ c

$f(x)$ 在 $[a, b]$ 上连续 $f(x)$ 在 (a, b) 内可导 $a < c < b$ 则 $\frac{f(b) - f(a)}{b - a} = f'(c)$ 成立

设函数 $f(x)$ 在 C 上连续 $x_1, x_2 \in (1, 3)$ 且 $x_1 > x_2$ 则 $f(x_1) - f(x_2) < k(x_1 - x_2)$ 成立

$f(x) = 2x^2 - k \ln x$ 则 k 的取值范围是

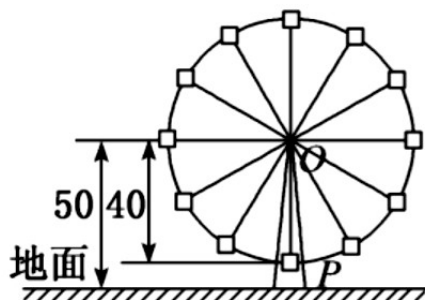
- A 8 B 9 C 10 D 11

问题

32 2021. 如图，摩天轮的半径为 40m，O 点距地面的高度为 50m，摩天轮以 3min 为周期

逆时针匀速转动，P 为摩天轮上一点，2018 min 时 P 点距地面的高度为 $50 + 20\sqrt{3}$ m，则 P 点距地面的高度为

多少米？10 分钟时 P 点距地面的高度为多少米？



33 2021. 如图，O 为 $\triangle ABC$ 的外心，a, b, c 分别为 $\angle A, \angle B, \angle C$ 的对边，若 $a=4, b=6, \angle C=120^\circ$ ，则 $OC \cdot AB =$

_____。2 2 $\frac{OA \cdot BC}{3} + \frac{OB \cdot CA}{2} + OC \cdot AB = 0$ 则 $\cos B =$ _____。

问题

34 2021. 已知函数 $y = 2x + \frac{b}{x}$ 与 $y = 2a \ln x$ 在 $x = 1$ 处相切，则 $a > 0$ 时 b 的取值范围是_____。

35 2021. 已知 $x^2 > \log_a x$ ， $a > 0, a \neq 1$ ，则 a 的取值范围是_____。

36 2021. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} -x^2 + 4x, & x \leq 4, \\ |\log_2(x-4)|, & x > 4, \end{cases}$ 且 $f(x) = t$ 有 4 个不同的实数解 x_1, x_2, x_3, x_4 ($x_1 < x_2 < x_3 < x_4$)，则

$f(-3)=0$ 且 $xf'(x)>0$ 则 _____.

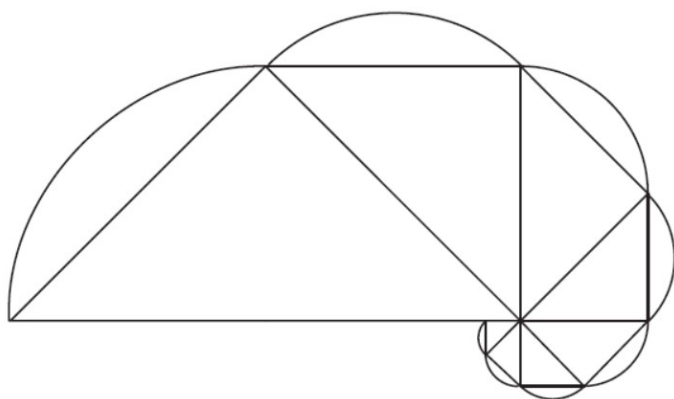
43. 2021. 已知函数 $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - \ln x$ ，若 $f(x) > 0$ 恒成立，则实数 a 的取值范围是 _____.

已知 $\sqrt{2} < a_1 < 1$ ，且 $a_n = \sqrt{2 - a_{n-1}^2}$ ，则 $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n =$ _____.

已知 $\triangle ABC$ 中， $\angle C = 90^\circ$ ， $AC = \sqrt{2}$ ， $BC = \sqrt{2}$ ，则 $\triangle ABC$ 的外接圆面积为 _____.

已知 $S_{n+2} = 2S_n + 2(1 + \sqrt{2})$ ， $b_n = \log_{\sqrt{2}} a_n$ ， $\sum_{i=1}^6 \frac{1}{4b_i - 1} = 10^{1.5}$ ，则 $\lambda =$ _____.

$\lg 3 \approx 0.4771$



44. 2021. 已知函数 $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - \ln x$ ，若 $f(x) > 0$ 恒成立，则实数 a 的取值范围是 _____.

已知 $f(x) \cdot f(-x) = 4$ ， $-1 \leq x \leq 0$ ， $f(x) = 2^x + k$ ， k 为常数，则 $f(x) - \log_a(x+1) = 1$ ， $a < 8$ ， $a \neq 1$ 的取值范围是 _____.

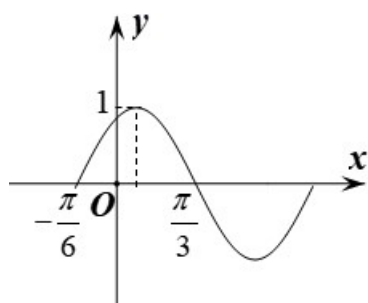
3. 已知函数 $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - \ln x$ ，若 $f(x) > 0$ 恒成立，则实数 a 的取值范围是 _____.

① 若 $f(x)$ 在 $T=2$ 处取得极值，则 $T =$ _____.

② 若 $f(x)$ 在 $[-1, 1]$ 上单调递增，则 a 的取值范围是 _____.

③ 若 $f(x)$ 在 $x=1$ 处取得极值，则 $a =$ _____.

④ 若 a 在 $(2, 2\sqrt{2})$ 内，则 $f(x)$ 的取值范围是 _____.



50 2021. 已知函数 $f(x) = \frac{1}{x} - a x^2 - 2 > 0 \quad \forall x \in (0, +\infty)$ ，求实数 a 的取值范围_____.

51 2021. 已知点 A, B 在抛物线 $C: y^2 = x$ 上，且 $AB \perp y=1$ ，若 $OA \cdot OB = 0$ ，则 O 到直线 AB 的距离为_____.

